

### 3.3.4 Merkpunkte Kapitel 3.3

Formale Definition reziprokes Gitter im 3D:

- Liefert identische Vektoren wie die geometrische Konstruktion (plus Vorzeichen)
- Einfacher (und allgemeiner) ist:

$$\mathbf{a}_i \cdot \mathbf{g}_j = 2\pi \delta_{ij} = \begin{cases} 1 & \text{für } i = j \\ 0 & \text{für } i \neq j \end{cases}$$

$$\mathbf{g}_1 = 2\pi \cdot \frac{\mathbf{a}_2 \times \mathbf{a}_3}{\mathbf{a}_1 \cdot (\mathbf{a}_2 \times \mathbf{a}_3)} = 2\pi \cdot \frac{\mathbf{a}_2 \times \mathbf{a}_3}{V}$$

$$\mathbf{g}_2 = 2\pi \cdot \frac{\mathbf{a}_3 \times \mathbf{a}_1}{\mathbf{a}_1 \cdot (\mathbf{a}_2 \times \mathbf{a}_3)} = 2\pi \cdot \frac{\mathbf{a}_2 \times \mathbf{a}_3}{V}$$

$$\mathbf{g}_3 = 2\pi \cdot \frac{\mathbf{a}_1 \times \mathbf{a}_2}{\mathbf{a}_1 \cdot (\mathbf{a}_2 \times \mathbf{a}_3)} = 2\pi \cdot \frac{\mathbf{a}_2 \times \mathbf{a}_2}{V}$$

Wichtige Eigenschaften des reziproken Gitters:

- $\mathbf{G}_{hkl}$  senkrecht auf  $d(hkl)$ .
- $|\mathbf{G}_{hkl}| = 2\pi/d_{hkl}$ ;  $d_{hkl}$
- $\mathbf{G} \cdot \mathbf{T} = 2\pi \cdot n$ .

Ewaldkugel-Konstruktion für Beugung:

- Erlaubt schnelle und einfache Betrachtung aller Varianten von Beugungsexperimenten.
- Hier für monochromatische Strahlung gezeigt.

Das reziproke Gitter ist die Fouriertransformierte des Ortsgitters

